

# 数学试卷

武汉市教育科学研究院命制

2022.1.12

亲爱的同学,在你答题前,请认真阅读下面的注意事项:

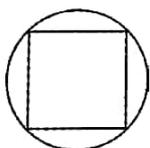
1. 本试卷由第 I 卷(选择题)和第 II 卷(非选择题)两部分组成,全卷共 6 页,三大题,满分 120 分,考试用时 120 分钟.
2. 答题前,请将你的姓名、准考证号填写在“答题卡”相应位置,并在“答题卡”背面左上角填写姓名和座位号.
3. 答第 I 卷(选择题)时,选出每小题答案后,用 2B 铅笔把“答题卡”上对应题目的答案选项涂黑.如需改动,用橡皮擦干净后,再选涂其他答案.答在“试卷”上无效.
4. 答第 II 卷(非选择题)时,答案用 0.5 毫米黑色笔迹签字笔书写在“答题卡”上.答在“试卷”上无效.
5. 认真阅读答题卡上的注意事项.  
预祝你取得优异成绩!

## 第 I 卷(选择题 共 30 分)

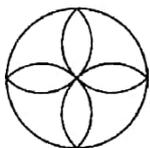
### 一、选择题(共 10 小题,每小题 3 分,共 30 分)

下列各题中有且只有一个正确答案,请在答题卡上将正确答案的标号涂黑.

1. 下列图形中,不是中心对称图形的是



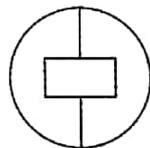
A



B



C



D

2. 有两个事件,事件(1):购买 1 张福利彩票,中奖;事件(2):掷一枚六个面的点数分别为 1, 2, 3, 4, 5, 6 的骰子,向上一面的点数不大于 6. 下列判断正确的是
- A. (1)(2)都是随机事件
  - B. (1)(2)都是必然事件
  - C. (1)是必然事件,(2)是随机事件
  - D. (1)是随机事件,(2)是必然事件



3. 已知 $\odot O$ 的半径等于5,圆心 $O$ 到直线 $l$ 的距离为6,那么直线 $l$ 与 $\odot O$ 的公共点的个数是

- A. 0                                      B. 1                                      C. 2                                      D. 无法确定

4. 解一元二次方程 $x^2 - 6x - 4 = 0$ ,配方后正确的是

- A.  $(x+3)^2 = 13$                                       B.  $(x-3)^2 = 5$   
C.  $(x-3)^2 = 4$                                       D.  $(x-3)^2 = 13$

5. 在平面直角坐标系中,将抛物线 $y = x^2$ 向上平移一个单位长度,再向右平移一个单位长度,得到的抛物线解析式是

- A.  $y = (x-1)^2 - 1$                                       B.  $y = (x-1)^2 + 1$   
C.  $y = (x+1)^2 - 1$                                       D.  $y = (x+1)^2 + 1$

6. 已知一元二次方程 $x^2 - 4x - 1 = 0$ 的两根分别为 $m, n$ ,则 $m + n - mn$ 的值是

- A. 5                                      B. 3                                      C. -3                                      D. -4

7. 抛掷一枚质地均匀的硬币三次,恰有两次正面向上的概率是

- A.  $\frac{1}{8}$                                       B.  $\frac{1}{4}$                                       C.  $\frac{3}{8}$                                       D.  $\frac{5}{8}$

8. 已知二次函数 $y = ax^2 - 2ax + 1$ ( $a$ 为常数,且 $a > 0$ )的图象上有三点 $A(-2, y_1)$ ,  $B(1, y_2)$ ,  $C(3, y_3)$ ,则 $y_1, y_2, y_3$ 的大小关系是

- A.  $y_1 < y_2 < y_3$                                       B.  $y_1 < y_3 < y_2$                                       C.  $y_2 < y_1 < y_3$                                       D.  $y_2 < y_3 < y_1$

9. 在设计人体雕像时,使雕像上部(腰部以上)与下部(腰部以下)的高度比,等于下部与全部的高度比,可以增加视觉美感.如图,按此比例设计一座高度为2m的雷锋雕像,那么该雕像的下部设计高度约是

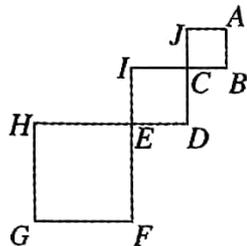


参考数据:  
 $\sqrt{2} \approx 1.414$   
 $\sqrt{3} \approx 1.732$   
 $\sqrt{5} \approx 2.236$

- A. 0.76m                                      B. 1.24m  
C. 1.36m                                      D. 1.42m

(第9题)

10. 如图是一个含有3个正方形的相框,其中 $\angle BCD = \angle DEF = 90^\circ$ ,  $AB = 2, CD = 3, EF = 5$ ,将它镶嵌在一个圆形的金属框上,使 $A, G, H$ 三点刚好在金属框上,则该金属框的半径是



- A.  $\frac{5}{2}\sqrt{10}$                                       B.  $\frac{7}{2}\sqrt{5}$   
C.  $5\sqrt{2}$                                       D.  $\frac{11}{2}\sqrt{2}$

(第10题)



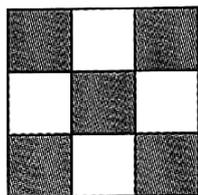
## 第 II 卷 (非选择题 共 90 分)

### 二、填空题(共 6 小题,每小题 3 分,共 18 分)

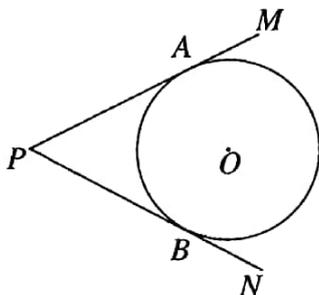
下列各题不需要写出解答过程,请将结果直接填写在答题卡指定的位置.

11. 在平面直角坐标系中,点  $P(3, -2)$  关于原点对称的点的坐标是\_\_\_\_\_.

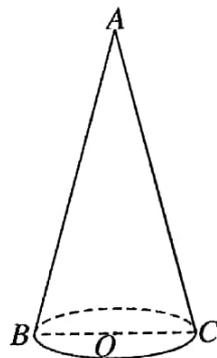
12. 下图是由 9 个小正方形组成的图案,从图中随机取一点,这点在阴影部分的概率是\_\_\_\_\_.



(第 12 题)



(第 13 题)



(第 15 题)

13. 如图,  $PM, PN$  分别与  $\odot O$  相切于  $A, B$  两点,  $C$  为  $\odot O$  上异于  $A, B$  的一点, 连接  $AC, BC$ . 若  $\angle P = 58^\circ$ , 则  $\angle ACB$  的大小是\_\_\_\_\_.

14. “降次”是解一元二次方程的基本思想,用这种思想解高次方程  $x^3 - x = 0$ , 它的解是\_\_\_\_\_.

15. 如图,已知圆锥的母线  $AB$  长为 40cm,底面半径  $OB$  长为 10cm,若将绳子一端固定在点  $B$ ,绕圆锥侧面一周,另一端与点  $B$  重合,则这根绳子的最短长度是\_\_\_\_\_.

16. 下列关于二次函数  $y = x^2 - 2mx + 2m - 3$  ( $m$  为常数)的结论:

- ①该函数的图象与  $x$  轴总有两个公共点;
- ②若  $x > 1$  时,  $y$  随  $x$  的增大而增大,则  $m = 1$ ;
- ③无论  $m$  为何值,该函数的图象必经过一个定点;
- ④该函数图象的顶点一定不在直线  $y = -2$  的上方.

其中正确的是\_\_\_\_\_ (填写序号).

### 三、解答题(共 8 小题,共 72 分)

下列各题需要在答题卡指定的位置写出文字说明、证明过程、演算步骤或画出图形.

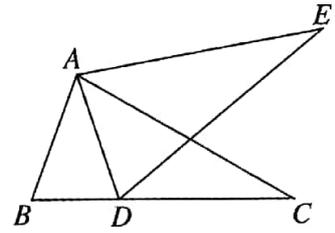
17. (本小题满分 8 分)

若关于  $x$  的一元二次方程  $x^2 + bx - 2 = 0$  有一个根是  $x = 2$ , 求  $b$  的值及方程的另一个根.



18. (本小题满分 8 分)

如图,将 $\triangle ABC$ 绕点 $A$ 逆时针旋转得到 $\triangle ADE$ ,点 $D$ 在 $BC$ 上.已知 $\angle B = 70^\circ$ ,求 $\angle CDE$ 的大小.



(第 18 题)

19. (本小题满分 8 分)

一个不透明的口袋中有三个完全相同的小球,把它们分别标号为 1, 2, 3.甲从口袋中随机摸取一个小球,记下标号  $m$ ,然后放回,再由乙从口袋中随机摸取一个小球,记下标号  $n$ ,组成一个数对  $(m, n)$ .

(1)用列表法或画树状图法,写出  $(m, n)$  所有可能出现的结果;

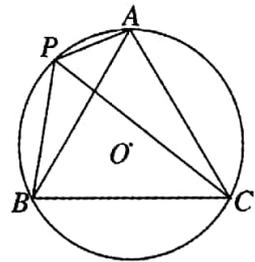
(2)甲、乙两人玩游戏,规则如下:按上述要求,两人各摸取一个小球,小球上标号之和为奇数则甲赢,小球上标号之和为偶数则乙赢.你认为这个游戏规则公平吗?请说明理由.

20. (本小题满分 8 分)

如图, $A, P, B, C$  是 $\odot O$ 上的四点, $\angle APC = \angle CPB = 60^\circ$ .

(1)判断 $\triangle ABC$ 的形状,并证明你的结论;

(2)求证: $PA + PB = PC$ .



(第 20 题)

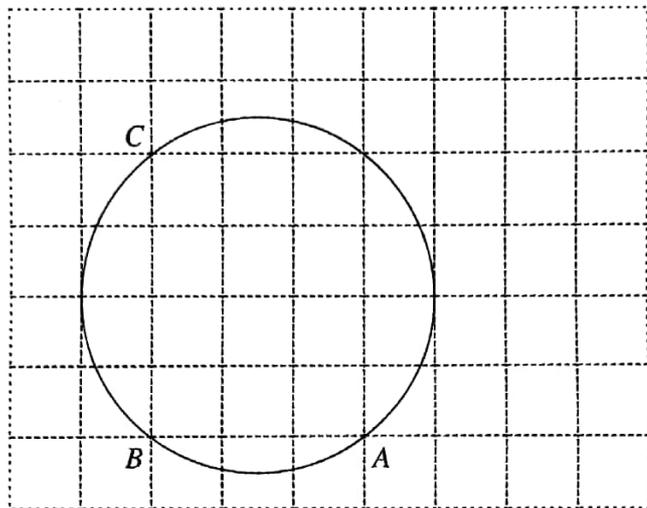


21. (本小题满分 8 分)

如图是由小正方形组成的  $9 \times 7$  网格, 每个小正方形的顶点叫做格点,  $A, B, C$  三个格点都在圆上. 仅用无刻度的直尺在给定网格中完成画图, 画图过程用虚线表示.

(1) 画出该圆的圆心  $O$ , 并画出劣弧  $\widehat{AB}$  的中点  $D$ ;

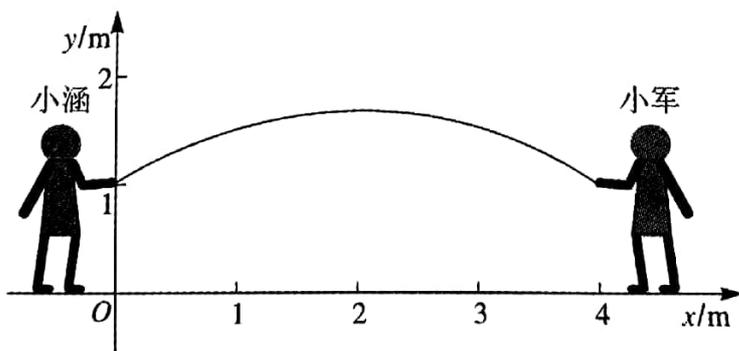
(2) 画出格点  $E$ , 使  $EA$  为  $\odot O$  的一条切线, 并画出过点  $E$  的另一条切线  $EF$ , 切点为  $F$ .



(第 21 题)

22. (本小题满分 10 分)

跳绳是大家喜爱的一项体育运动, 当绳子甩到最高处时, 其形状视为一条抛物线. 如图是小涵与小军将绳子甩到最高处时的示意图, 已知两人拿绳子的手离地面的高度都为  $1\text{m}$ , 并且相距  $4\text{m}$ , 现以两人的站立点所在的直线为  $x$  轴, 建立如图所示的平面直角坐标系, 其中小涵拿绳子的手的坐标是  $(0, 1)$ . 身高  $1.50\text{m}$  的小丽站在绳子的正下方, 且距小涵拿绳子的手  $1\text{m}$  时, 绳子刚好经过她的头顶.



(第 22 题)

(1) 求绳子所对应的抛物线的解析式(不要求写自变量的取值范围);

(2) 身高  $1.70\text{m}$  的小兵, 能否站在绳子的正下方, 让绳子通过他的头顶?

(3) 身高  $1.64\text{m}$  的小伟, 站在绳子的正下方, 他距小涵拿绳子的手  $s\text{m}$ , 为确保绳子通过他的头顶, 请直接写出  $s$  的取值范围.

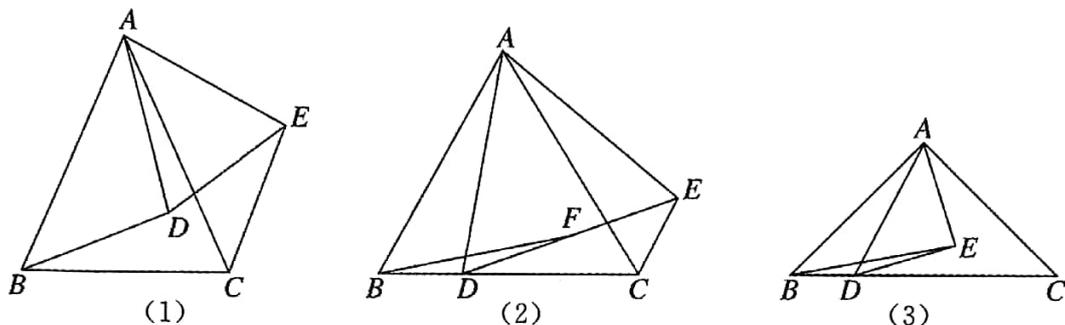


23. (本小题满分 10 分)

**问题背景** 如图(1), 在  $\triangle ABC$  与  $\triangle ADE$  中, 若  $AB=AC, AD=AE, \angle BAC=\angle DAE$ , 则存在一对全等三角形. 请直接写出这对全等三角形.

**尝试运用** 如图(2), 在等边  $\triangle ABC$  中,  $BC=12$ , 点  $D$  在  $BC$  上, 以  $AD$  为边在其右侧作等边  $\triangle ADE$ ,  $F$  是  $DE$  的中点, 连接  $BF$ . 若  $BD=4$ , 求  $BF$  的长.

**拓展创新** 如图(3), 在等腰  $\text{Rt}\triangle ABC$  中,  $\angle BAC=90^\circ, BC=12$ , 点  $D$  在  $BC$  上, 以  $AD$  为斜边在其右侧作等腰  $\text{Rt}\triangle ADE$ , 连接  $BE$ . 设  $BD=x, BE^2=y$ , 直接写出  $y$  关于  $x$  的函数关系式(不要求写自变量的取值范围).



(第 23 题)

24. (本小题满分 12 分)

如图, 抛物线  $y = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{3}{2}x + 2$  与  $x$  轴负半轴交于点  $A$ , 与  $y$  轴交于点  $B$ .

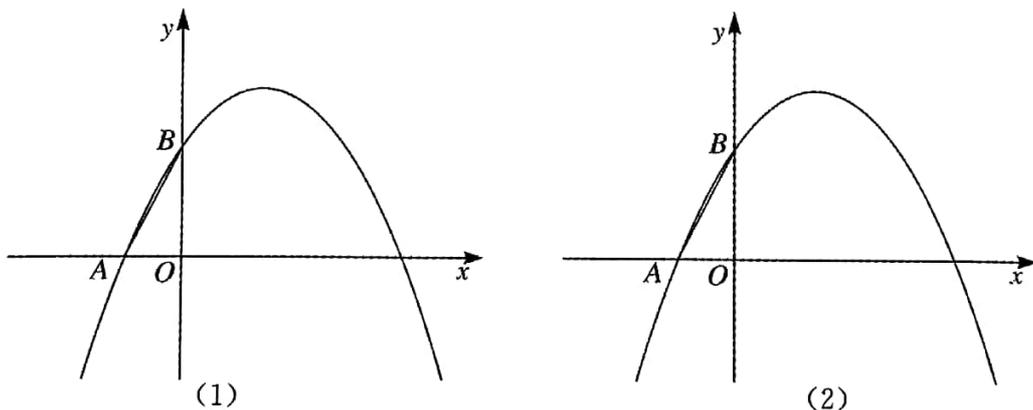
(1) 求  $A, B$  两点的坐标;

(2) 如图(1), 点  $C$  在  $y$  轴右侧的抛物线上, 且  $AC=BC$ , 求点  $C$  的坐标;

(3) 如图(2), 将  $\triangle ABO$  绕平面内点  $P$  顺时针旋转  $90^\circ$  后, 得到  $\triangle DEF$  (点  $A, B, O$  的对应点分别是点  $D, E, F$ ),  $D, E$  两点刚好在抛物线上.

① 求点  $F$  的坐标;

② 直接写出点  $P$  的坐标.



(第 24 题)

